# ИЗУЧЕНИЕ СКИН-ЭФФЕКТА И ТЕПЛОВЫХ РЕЖИМОВ РАБОТЫ ЧАСТОТНОЗАВИСИМОГО РЕЗИСТОРА

Н.Р.БАБАЕВА, А.М. ГАШИМОВ, Е.В. ДМИТРИЕВ, Т.Р. МЕХТИЕВ

Институт Физики Национальной Академии Наук Азербайджана AZ 1143, г.Баку, пр. Г. Джавида, 33

Изучены процессы протекания тока и влияние тепловых процессов на основные параметры частотнозависимого резистора, поверхность токоведущего стержня которого путем опрессовки покрыто ферромагнитной оболочкой.

Processes of passing of a current and influence of thermal processes on key parameters the frequency-depended resistors, a surface of which is covered with ferromagnetic layer by pressure, are investigated.

Изучение возможностей использования частотнозависимых резисторов для эффективной фильтрации внешних и внутренних высокочастотных помех, как показали работы [1-10], стимулировало экспериментальные исследования их электрических, тепловых характеристик, роли геометрических факторов, наличия слоистой структуры ферромагнитного слоя и т.д.

Целью настоящей работы являются исследование процессов протекания скин-тока в ферромагнитной оболочке, нанесенной на поверхность частотнозависимого резистора путем опрессовки, и влияния тепловых процессов на основные параметры этих резисторов (индуктивность, проводимость и др.).

### ПОДГОТОВКА ОБРАЗЦОВ

На рис. 1а представлена в общем виде структура частотнозависимого резистора, использованного в эксперименте. В отличие от предыдущих [1-7] использованных структур, поверхность токоведущего стержня (2) была опрессована под давлением смесью порошков алюминия и ферромагнитного материала 300ВНП (1), размерами зерен D~200 мкм. Концентрации проводящей компоненты  $p_{Al}$ =0.35 и, соответственно, плохо проводящей компоненты  $(1-p_{Al})$ =0.65. Подбор соотношения компонентов осуществлялся опытным путем так, чтобы эффект подавления высокочастотного (центр частотной полосы около 50 кГц) сигнала при заметном  $\sigma$  (сопротивление ферромагнитной оболочки ~10<sup>3</sup> ÷10<sup>4</sup> Ом) был максимален. Толщина слоя  $\delta$  приблизительно была равна 0,5 см, что превышает глубину скин-эффекта на частоте 100 кГц.

После модификации поверхности токоведущего стержня профиль изменения сопротивления по сечению токоведущего стержня достаточно плавно возрастал к его поверхности, см. на рис. 16. Диаметр токоведущего стержня с модифицированной поверхностью R = 2см, длина l = 50 см.

#### ТЕОРИЯ

В литературных обзорах при рассмотрении механизмов электропроводности сложных гетерогенных систем сложно выделить преобладающий процесс, вследствие множества возможных контактов проводящих частиц. Вероятность образования сплошных проводящих цепочек в композиции и, как следствие, зависимость удельного сопротивления от концентрации проводящих частиц устанавливается соотношением [18]

$$\rho_{m}^{v} = \frac{\rho_{0}^{v}}{p \cdot \exp(p^{\frac{-2}{3}}C^{2})}$$

где  $\rho_m^v, \rho_0^v$ -удельные сопротивления смеси и проводящей компоненты, соответственно; *p*- объемная концентрация проводящей компоненты;  $C^2$  – площадь поперечного сечения проводящих цепочек. Однако определение  $C^2$  представляет собой очень сложную задачу.



*Рис.1* Сечение исследуемого частотнозависимого резистора.

 а) 1 – модифицированная ферромагнитным порошком поверхность токоведущего стержня толщиной δ; 2 – токоведущий алюминиевый стержень диаметром R и длиной 1.

б) профиль сопротивления резистора по сечению: r<sub>1</sub> – сопротивление алюминиевой части токоведущего стержня; r<sub>2</sub> –сопротивление на поверхности резистора.

Использованная конструкция позволяет рассматривать созданный частотнозависимый резистор, как перколированную систему «плохой» - «хороший» проводники, рассмотренную в работах [11-13].

Интересно также проанализировать результаты работ [8-10], в которых рассмотрен скин-эффект в композиционных материалах и предложен метод для подавления высокочастотных помех за счет зависимости скинэффекта от электропроводности  $\sigma(\omega)$ .

Согласно [11-13] для рассматриваемой системы из трех характерных областей для параметров перколяционного слоя наиболее интересной для нас является вторая, т.е. (смысл и названия принятых обозначений полностью соответствуют работам [11-13])

### ИЗУЧЕНИЕ СКИН-ЭФФЕКТА И ТЕПЛОВЫХ РЕЖИМОВ РАБОТЫ ЧАСТОТНОЗАВИСИМОГО......

$$\left(\frac{H}{L}\right)^{2t_2/\nu_2} \left(\frac{a}{H}\right)^{(s_3+t_3)/\nu_3} < \frac{\sigma_2}{\sigma_1} < \left(\frac{a}{H}\right)^{(s_3+t_3)/\nu_3}$$

когда система переходит от «трехмерного» поведения

$$\sigma_{\perp} = \sigma_{\parallel} = \sigma_1 (p - p_{c,3})^{t_3} = \sigma_1 \left(\frac{\xi_3}{a}\right)^{-t_3/v_3}$$
(1)

при  $\xi_3 < \min(l_{p,3}, H), p > p_{c,3}$ 

$$\sigma_{\perp} = \sigma_{\parallel} = \sigma_1 (p - p_{c,3})^{-s_3} = \sigma_1 \left(\frac{\xi_3}{a}\right)^{-s_3/\nu_3}$$
(2)

при  $\xi_3 < \min(l_{p,3}, H), p < p_{c,3}$ к «двумерному»

$$\sigma_{\parallel} = \sigma_1^* \left(\frac{\xi_2}{H}\right)^{-t_2/v_2} \tag{3}$$

при  $\xi_2 < \min(l_{p,2}, L), p > p_{c,1},$ 

$$\sigma_{\parallel} = \sigma_2^* \left(\frac{\xi_2}{H}\right)^{-t_2/\nu_2} \tag{4}$$

при  $\xi_2 < \min(l_{p,2}, L), p < p_{c,1}$ 

Двумерные асимптотики стыкуются с трехмерными при  $\xi_{3} \approx \xi_{2} \approx H$ .

Проводимость перколяционного слоя из "плохих» и «хороших» проводников определяется соотношением трех масштабов [11-13]: корреляционной длины ξ

$$\xi_3 = a(p - p_{c,3})^{-\nu}{}_3 , \qquad (5)$$

где *а*-толщина слоя перколяции;  $v_3 \approx 0.9$  – критический индекс перколяционной длины;  $p = p_{Al}$ ;  $p_{c,3}$  - порог перколяции  $\approx 0.3117$ ;  $t_3 \approx 1.5 \pm 0.1$ ; толщины слоя H и масштаба смешанной проводимости  $l_p$ .

$$l_{p,3} = a \gamma^{\nu_3 / (s_3 + t_3)} \tag{6}$$

где *s*<sub>3</sub>- критический индекс ≈0.7; γ=σ<sub>2</sub>/σ<sub>1</sub>>>1.

Трехмерные асимптотики имеют место, когда корреляционная длина является наименьшим из этих масштабов.

Эффективная проводимость вблизи порога перколяции определяется соотношением:

при

$$\sigma_{\perp} = \sigma_{\parallel} = \sigma_{c,3}$$

$$\xi_{3} > l_{p,3}, l_{p,3} < H; \quad \sigma_{c,3} = \sigma_{1}^{\frac{s_{3}}{s_{3}+t_{3}}} \sigma_{1}^{\frac{t_{3}}{s_{3}+t_{3}}} = \sigma_{1} \left(\frac{l_{p,3}}{a}\right)^{\frac{-t_{3}}{v_{3}}} = \sigma_{1} \left(\frac{l_{p,3}}{a}\right)^{\frac{-s_{3}}{v_{3}}}$$
(7)

В двумерном случае

$$\xi_2 = H |p^* - p_{c,2}|^{-\nu_2}$$

где  $p^*$ - доля эффективных проводников для двумерного слоя;  $p_{c,2}$  – порог перколяции  $\approx 0.59275$ ; критический индекс  $v_2 \approx 4/3$ ;  $t_2 \approx 1.28 \pm 0.1$  [12].

$$l_{p,2} = H(\gamma^*)^{-\nu_2/(s_2+t_2)}, \qquad (8)$$

где  $s_2$  - критический индекс  $=t_2$ ;  $\gamma^* = \gamma \left(\frac{H}{a}\right)^{(s_3+t_3)/v_3}$ 

Эффективная проводимость в этом случае равная проводимости вблизи порога перколяции определится соотношением:

$$\sigma_{\parallel}\left(\frac{H}{a}\right) = \sigma_{c,3}\left(\frac{l_{p,3}}{H}\right)^{\frac{l_3-s_3}{2\nu_2}}$$
(9)

Оценка величины  $l_{p,2}$  дает значение  $\approx 0.04$ .

Мы предполагаем, что характер протекания тока при скин-эффекте определяется масштабом смешанной проводимости перколяционной системы, т.е. при глубине скин-эффекта меньшей значения  $l_{p,2}$  распространяющийся скин-ток по резистору будет иметь двумерный характер, а большей - трехмерный. Расчет показывает, такое значение  $l_{p,2}$  соответствует частотам сигнала выше, чем  $\approx 100$  кГц.

Использованное нами соотношение проводящей и плохо проводящей компонентов соответствует выполнению вышеприведенных условий и значение эффективной электропроводности равно ~10<sup>3</sup>-10<sup>4</sup>.

Как показано в [11, 14-17], положение масштаба смешанной проводимости в результате зависимости от  $\sigma_1(\omega)$ и  $\sigma_2(\omega)$  должно зависеть от частоты  $\omega$ .

Как следует из полной системы уравнений поля внутри проводника [17], стационарное значение  $\sigma$  имеет место, если период изменения поля велик, соответственно частота поля мала, по сравнению с обратным временем свободного пробега электронов в проводнике. Для металлов при комнатной температуре эти частоты лежат в ИК области спектра. «Плохие» проводники на малых частотах, при выполнении условия  $\omega << 4\pi\sigma/\varepsilon$ , где  $\varepsilon$ -диэлектрическая проницаемость, ведут себя как обычные проводники с постоянной проводимостью. При частотах поля  $\omega >> 4\pi\sigma/\varepsilon$  они ведут себя как диэлектрики с диэлектрической проницаемостью  $\varepsilon$ .

В соответствии с [11, 14], для перколированной системы наибольший интерес представляют частоты  $\omega << 4\pi\sigma/\epsilon$  и  $4\pi\sigma/\epsilon << \omega << \tau^{-1}$ , где  $\tau$  - время релаксации в металлах, которым отвечают два характерных масштаба смешанной проводимости, соответственно.

$$l_p^0 = a \left(\frac{\sigma_2}{\sigma_1}\right)^{\frac{-\nu_3}{s_3+t_3}}; l_p^\omega = a \left(\frac{\omega\varepsilon_2}{4\pi\sigma_1}\right)^{\frac{-\nu_3}{s_3+t_3}}$$
(10)

причем

$$\sigma_{1}(\omega) = \sigma_{1}(1 + i\omega\tau_{1});$$

$$\begin{cases} \sigma_{2}(\omega) = \sigma_{2}(1 + i\omega\tau_{2}) - \text{для } \omega << 4\pi\sigma_{2}/\epsilon_{2} \\ \sigma_{2}(\omega) = \sigma_{2} - i\frac{\omega\epsilon_{2}}{4\pi}. - \text{для } \omega >> 4\pi\sigma_{2}/\epsilon_{2} \end{cases}$$
(11)

## Н.Р.БАБАЕВА, А.М. ГАШИМОВ, Е.В. ДМИТРИЕВ, Т.Р. МЕХТИЕВ

где  $\tau_1$  и  $\tau_2$  – времена релаксации в проводящей и плохо проводящей компонентах,  $l_p^0$  и  $l_p^{\omega}$  характерные масштабы на нулевой и  $\omega$  частотах. Соответственно масштабы смешанной проводимости для трехмерного и двухмерного случая определяются, как

$$l_{p,3}(\omega) = a \cdot \gamma(\omega)^{\frac{\sigma_3}{s_3 + t_3}}$$
(12)

$$l_{p,2}(\omega) = H \cdot \left[ \gamma^*(\omega) \right]^{\frac{-\nu_2}{s_2 + t_2}}$$
(13)

Смешанная проводимость  $\sigma(\omega)$  в случае, когда  $\gamma <<1$  определяется подстановкой (11) в (1),(2). При  $p > p_{c,3}$ 

$$\sigma(\omega) = \sigma_1(\omega) \cdot (p - p_{c,3})^{t_3} + A \cdot \sigma_2(\omega) \cdot (p - p_{c,3})^{-s_3}$$
  
при  $p < p_{c,3}$   

$$\sigma(\omega) = \sigma_2(\omega) \cdot (p_{c,3} - p)^{-s_3} - B \cdot \frac{[\sigma_2(\omega)]^2}{\sigma_1(\omega)} \cdot (p_{c,3} - p)^{-2s_3 - t_3}$$

где A и B – постоянные ~1.

В непосредственной близости к порогу перколяции при  $\xi > l_{p,2}$ 

$$\sigma_{II}(H,\omega) = \left[\sigma_1(\omega) \cdot \sigma_2(\omega)\right]^{\frac{1}{2}} \cdot \left(\frac{H}{a}\right)^{\frac{-(t_3-s_3)}{2\nu_3}}$$

В двухмерном случае для *р\*>p<sub>с,2</sub>* 

$$\sigma_{\prime\prime}(\omega) = \sigma_1 * (\omega) \cdot (p * - p_{c,2})^{2} + A_2 \cdot \sigma_2 * (\omega) \cdot (p * - p_{c,2})^{-s_2}$$

для *p\*<p*<sub>c,2</sub>

$$\sigma_{\prime\prime}(\omega) = \sigma_2 * (\omega) \cdot (p_{c,2} - p *)^{-t_2} - B_2 \cdot \frac{[\sigma_2 * (\omega)]^2}{\sigma_1 * (\omega)} \cdot (p_{c,2} - p *)^{-2s_2 - t_2}$$

Все вышесказанное указывает, что проводимость в области малых частот практически определяется проводимостью «хорошего» проводника. В области малых частот изменения проводимости практически не происходят. Это означает, что положение границы смешанной проводимости также практически не меняется.

Однако, эффект перехода от трехмерного к двумерному характеру протеканию тока резко уменьшает глубину скин-эффекта, увеличивает сопротивление протекающему в структуре высокочастотного сигнала. И обратно, зная положение смешанной границы и зависимость глубины скин-эффекта от частоты, можно достаточно найти значения величины проводимости и частоты сигнала, при которых будет происходить переход от трехмерного к двухмерному характеру протекания тока. При применении частотнозависимого резистора в высоковольтных сетях и установках необходимо учитывать зависимость проводимости ферромагнитной оболочки от напряженности электрического поля. Из [18] следует, что основное влияние на нелинейность проводимости ферромагнитного слоя оказывает напряженность электрического поля и ширина зазора между проводящими частичками. Ширина зазора согласно расчетам ≈ 3 нм. Изменение зазора на 0.1 нм приводит к изменению проводимости на целый порядок, а увеличение напряженности поля в 10 раз – к возрастанию тока в 12 раз.

Ситуация, связанная с частотной зависимостью магнитной проницаемости также прямо связана с концентрацией ферромагнитных частиц и их размерами.

### ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ И ИХ ОБСУЖДЕНИЕ

На рис. 2 приведены осциллограммы работы частотнозависимого резистора в режиме подавления высокочастотных помех. Здесь 1 – сигнал на входе частотнозависимого резистора. Виден большой уровень высокочастотных шумов. Уровень 2 соответствует сигналу на выходе частотнозависимого резистора. Видно хорошее подавление высокочастотных шумов.

Все измерения проводились на экспериментальной установке мостового типа для измерения индуктивности, импеданса и активного сопротивления частотнозависимого резистора, блок-схема которой приведена на рис. 3. Она представляет собой высокочувствительный мост, равновесие которого реализуется, если полные сопротивления плеч удовлетворяют уравнению

$$\left(R + i\omega L + \frac{1}{i\omega C_{NR}}\right) \cdot \frac{1}{i\omega C_2} = \frac{1}{i\omega C_1} \cdot R_0$$

откуда следует

$$R = R_1 \frac{C_2}{C_1}; \quad L = \frac{1}{\omega^2 C_{NR}}; \quad \mu' = L \frac{l}{S};$$
$$\mu'' = (R - R_0) \frac{l}{S\omega}; \quad tg \,\delta = \frac{R - R_0}{\omega L}; \quad Q = \frac{\omega L}{C};$$

где  $R_0$  – сопротивление на постоянном токе.

Ток через нелинейное сопротивление *NR* равен 
$$I = \frac{I_0}{\sqrt{1 + \omega^2 C_{NR}^2}}$$
, где  $I_0$  –ток в неразветвленной части

моста. Рабочий диапазон частот моста от 20 Гц до 2 МГц; амплитуда переменного магнитного поля 100 А/м; погрешность измерения индуктивности менее 1%, сопротивления менее 5%; пределы измерения по сопротивлению от 1-3000 Ом; погрешность определения тока ±1,5%. Диапазон изменения напряжения генератора от 0 до 10 кВ.

При проведении экспериментов напряжение генератора, подаваемое на мост, фиксировалось.

Характеристики измерительной установки сравнивались с измерениями на специализированной установке УИММ-4 для эталонных индуктивностей. С другой стороны, это позволило произвести градуировку датчика электромагнитного поля, расположенного в непосредственной близости от исследуемого объекта. Расстояние между датчиком электромагнитного поля и исследуемым объектом могло изменяться в достаточно широких пределах (0–1м), что позволило определить зависимость сигнала электромагнитного поля от расстояния до исследуемого объекта.



*Рис.* 2 Уровни высокочастотных шумов 1- на входе резистора; 2-на выходе



Рис.3. Блок-схема экспериментальной установки 1 – генератор высоковольтных импульсов, 2 – измеритель тока, 3 – измеритель напряжения, 4 – регистрирующая схема, 5 – компьютер для обработки данных, NR – нелинейный резистор, R<sub>с</sub> – эталонное, безиндуктивное сопротивление, mr – датчик электромагнитного поля.

На рис.4 представлена частотная зависимость сопротивления и индуктивности частотнозависимого резистора. Эксперименты показали, что отклонение от корневой зависимости скин-эффекта в частотнозависимом резисторе, происходит в результате частотной зависимости магнитной проницаемости ферромагнитной оболочки, температурных эффектов и технологии изготовления оболочки. Кривая 3 соответствует идеальному случаю, т.е. в расчете индуктивности использовались магнитная проницаемость 300ВНП, 3' – реальная зависимость индуктивности полученная на частотнозависимом резисторе при измерениях на экспериментальной установке.

Положение прерывистой линии указывает на положение  $l_{p,2}$ , то есть на границу когда характер протекания тока из трехмерного становится двумерным. Сравнение с глубиной скин-эффекта позволяет установить частоту, при которой происходит этот переход. В данном случае частота составляет порядка  $10^5$  Гц.



Рис.4. Частотная зависимость сопротивления и индуктивности частотнозависимого резистора: 1 – индуктивность алюминиевой части токоведущей стержня резистора; 2 – сопротивление резистора; 3 – индуктивность всего резистора с учетом частотной зависимости магнитной проницаемости μ ферромагнитного слоя (3 – теоретическая, 3' - экспериментальная); положение прерывистой линии указывает на границу перехода от трехмерного к двумерному характеру протекания тока.

### Н.Р.БАБАЕВА, А.М. ГАШИМОВ, Е.В. ДМИТРИЕВ, Т.Р. МЕХТИЕВ

В режиме постоянного включения необходимо соблюдать баланс подводимой и рассеиваемой энергии. Уравнение теплового баланса имеет вид:

$$I^2 R dt = CG d\theta + \alpha S \theta dt$$

где  $d\theta = I^2 R dt$  - количество выделяемой в резисторе тепловой энергии; *I* - ток протекающий через резистор; *R* - сопротивление резистора; *t* - время включения;  $\alpha$  - коэффициент теплоотдачи; *S* - площадь теплоотдающей поверхности; *G* - масса резистора.

Температура перегрева резистора:

$$\theta = \frac{I^2 R}{\alpha S} (1 - e^{-t/T})$$

где  $T = CG / \alpha S$  - постоянная времени перегрева резистора, определяемая как отношение теплопоглощающей способности резистора к его теплоотдающей.

Следует отметить, что температурная зависимость сопротивления ферромагнитной оболочки частотнозависимого резистора должна также определяться температурной зависимостью величиной зазора между зернами проводящей компоненты, т.е.

$$dl_b = D(\alpha_1 - \alpha_2) dt$$

где  $l_b$ -зазор между зернами;  $\alpha_1$  и  $\alpha_2$  – коэффициенты линейного расширения проводящей и плохопроводящей компонентов. Изменение удельного сопротивления ферромагнитной оболочки можно представить в виде

$$\frac{d\rho}{\rho} = \frac{2}{3} (\alpha_1 E_1 - \alpha_2 E_2) dt ,$$

где *E*<sub>1</sub> и *E*<sub>2</sub>- модули упругости проводящей и плохопроводящей компонентов.

Температурные эффекты при скин-эффекте начинают проявляться при протекании больших токов и увеличении частоты, протекающего через частотнозависимый резистор, переменного тока.

Уравнение теплопроводности решалось при следующих условиях: температура окружающей среды (воздуха) равна  $28^{\circ}$ С; температура нагрева токоведущего стержня не должна превышать  $100^{\circ}$ С. За критическую температуру нагрева ферромагнитной оболочки было принято значение  $50^{\circ}$ С, соответствующее температурной зависимости магнитной проницаемости 300ВНП (рис.5.). Учитывалось неоднородное распределение плотности тока по сечению токоведущего стержня, исключая неоднородность температуры вдоль длины резистора. Влияние скин эффекта, особенно заметное на высоких частотах, приводит к возникновению температурного градиента между центром и поверхностью токоведущего стержня и, как следствие, к появлению теплового потока от поверхности к центру.

На рис.6. представлены температурные и вольтамперные характеристики созданного частотнозависимого резистора на разных частотах, где А – для токоведущего стержня на частоте 50 кГц; В, С, D – для ферромагнитной оболочки; W – допустимая удельная энергия, поглощаемая частотнозависимым резистором,  $\Delta T$  – разница между предельно-допустимой и начальной температурами. Диаметр токоведущего алюминиевого стержня частотнозависимого резистора был равен 1см, а толщина оболочки – 0.5см.

Как показывают исследования динамики временных изменений температурного поля, частотнозависимый резистор способен выдерживать кратковременные перегрузки по температуре (≈300°С) за промежутки времени порядка 2 сек., при частоте повторения 1 импульс за 5 сек.



*Рис.5.* Температурная зависимость магнитной проницаемости ферромагнитного порошка 300 ВНП.



Рис.6. Температурные и вольтамперные характеристики частотнозависимого резистора на разных частотах: А – для токоведущего стержня на частоте 50 к Гц; В, С,– для ферромагнитной оболочки. W – допустимая удельная энергия, ΔT – разница между предельно-допустимой и начальной температурами.

### выводы

Для всех частот, лежащих ниже 42кГц, протекание тока в исследованном в настоящей работе частотнозависимом резисторе имеет объемный характер. Для всех частот, лежащих выше 42кГц, протекание тока имеет двумерный характер.

### ИЗУЧЕНИЕ СКИН-ЭФФЕКТА И ТЕПЛОВЫХ РЕЖИМОВ РАБОТЫ ЧАСТОТНОЗАВИСИМОГО......

Характер изменения сопротивления в исследованном частотнозависимом резисторе определяется величиной магнитной проницаемости ферромагнитной оболочки.

Определены временные параметры тепловых процессов для исследованного частотнозависимого резистора и показано, что частотнозависимый резистор способен выдерживать кратковременные перегрузки по температуре ( $\approx 300^{\circ}$ C) за промежутки времени порядка 2 сек., при частоте повторения 1 импульс за 5 сек.

- [1]. А.М.Гашимов, Т.Р.Мехтиев, Н.Р.Бабаева Возможности ограничения высокочастотных перенапряжений при использовании частотнозависимого резистора. International conference Energy of Moldova-2005, September 21-24, Chisinau, p.265-269
- [2]. А.М.Гашимов, Т.Р.Мехтиев, Н.Р.Бабаева Частотнозависимый резистор. Международная конференция «Физика - 2005», Баку, 7-9 июнь, 2005, стр. 613-617
- [3]. A.M.Gashimov, T.R. Mekhtiyev, N.R.Babayeva Effect of magnetic multi-layer to resistive properties of frequency-dependent resistor. TPE-2006, 3<sup>rd</sup> International conference on Technical and Physical Problems in Power Engineering, 29-31 may 2006, Ankara, Turkey, p 604-606
- [4]. A.M.Gashimov, T.R. Mekhtiyev, N.R.Babayeva On appropriateness of use of frequency-dependent resistor at Limitation of high-frequency overvoltages. MEPS'06, September 6-8, 2006, Wroclaw, Poland, p.379-382
- [5]. Н.Р. Бабаева Алгоритм анализа высокочастотных перенапряжений при использовании в цепи коммутации частотнозависимого резистора. Проблемы энергетики, №3-4, 2006, стр.32-37
- [6]. Н.Р. Бабаева Подавление высокочастотных перенапряжений в высоковольтных электрических сетях и устройствах. Проблемы энергетики, №4, 2005, стр. 40-47
- [7]. Е.В.Дмитриев, А.М.Гашимов, Т.Р.Мехтиев, Н.Р.Бабаева Тепловые параметры и режим функционирования частотнозависимого резистора Материалы Конференции, Новосибирск, Россия, 9-12 января 2007, с.

Received: 10.02.2007

- [8]. С.М.Коробейников, Л.И.Сарин, А.А.Челазнов Резистор с частотной зависимостью для уменьшения перенапряжений. Труды Второй Всеросс. Науч. Тех.Конф. «Ограничение перенапряжений и режимы заземления нейтрали сетей 6-35 кВ», Новосибирск, 15-17 октября, 2002, с.52-59.
- [9]. С.М.Коробейников, Л.И.Сарин, А.А.Челазнов, А.П.Дрожжин Один способ уменьшения энергии, поглощаемой ОПН. Всеросс.Науч.Тех.Совещ. «Научные аспекты и актуальные проблемы разработки, производства, испытаний и применения ОПН», СПБ, ОАО «Электрокерамика», 8-10 октября 2001.
- [10]. С.М.Коробейников, А.П.Дрожжин, Л.И.Сарин Скин-эффект в композиционных материалах. Электричество, №7, 2004, с.2-9
- [11]. А.В.Неймарк Электрофизические свойства перколяционного слоя конечной толщины. ЖЭТФ, 1990, т.98, вып.2(8), с.611-626
- [12]. J.P.Clerc, G.Giraud, S.Alexander, E.Guyon Phys. Rev, B,1980, v.22, p.2489-2494
- [13]. *Strauffer D.* Introduction to percolation theory. London. Tailor and Francis, 1985
- [14]. A.L. Efros, B.I. Shklovskii, Phys. Stat. Sol. (b), 1976, v.76, p.475
- [15]. *M. Daoud, F.Family, D.C. Hong,* J. Phys. A, 1988, v.21, p. L917
- [16]. M. Daoud, J. Phys. A, 1988, v.21, p. L973
- [17]. Л.Д. Ландау, Е.М. Лившиц, Электродинамика сплошных сред, 1982, 629 с.
- [18]. В.П.Горелов, Г.А. Пугачев Композиционные резисторы для энергетического строительства, Наука, 1989, 215с.