



# Beynəlxalq Konfrans "Fizika-2005" International Conference "Fizika-2005" Международная Конференция "Fizika-2005"

7 - 9  
İyun  
June 2005  
Июнь

səhifə  
page 834-838  
стр.

Bakı, Azərbaycan

Baku, Azerbaijan

Баку, Азербайджан

## РАЗРАБОТКА МАТЕМАТИЧЕСКОГО МЕТОДА ОПРЕДЕЛЕНИЯ ОСОБЫХ ОБЪЕКТОВ НА ИЗОБРАЖЕНИЯХ ДЛЯ ТОЧНОЙ КЛАССИФИКАЦИИ

ИБРАГИМОВА С.Р.

*Институт Космических Исследований Природных Ресурсов  
АНАКА НАН Азербайджана  
Азербайджан, Баку, AZ1106, пр.Азадлыг 159, s\_ibrahimova@yahoo.com*

В данной работе предлагается оригинальный метод автоматического поиска особых точек на изображениях.

Рассматриваемый алгоритм основан на сканировании изображения заданной маской, результатом чего является «поле вероятностей», где вероятность есть вероятность того, что точка с данными координатами является особой. Далее из данного поля вероятностей делается заключение о том, что группы точек действительно являются особыми точками.

Отфильтрованное изображение поля направлений сканируется маской заданного размера.

Персональная идентификация с помощью распознавания изображений с особенно важными выделенными участками вызывает устойчивый интерес и важна для задач обеспечения точности и безопасности. В настоящее время, большинство систем для распознавания таких изображений, используют или анализ структуры полос выделенного участка, предназначенной для выделения участков прямых линий на изображении [1], или подсчитывают число Галтона (число разветвлений и концов полос) [2]. Все эти методы являются операциями с определенными затратами машинного времени.

Причем наибольшее время тратится на процесс сравнения набора признаков с особо выделенными участками, с имеющимися в базе данных. В работах [3,4] исследуется метод распознавания таких изображений по полю направлений. Т.к. вектор признаков представляет собой совокупность коэффициентов разложения по базису Адамара, процедура сравнения с базой данных была сравнительно быстрая. Но этот метод как показано в работе [5] пригоден только для баз данных небольшого размера (не более  $10^4$  элементов).

Для того чтобы использовать метод поля направлений для распознавания в базах данных большего размера (до  $10^6$  элементов) необходимо для расширения набора признаков определять глобальные особые точки в изображении.

Необходимо найти положение особых точек на отфильтрованном поле направлений и определить их тип. В данной работе предлагается оригинальный метод автоматического поиска особых точек на изображениях.

Функция яркости «полосатого» изображения  $I(x,y)$  имеет много локальных максимумов и минимумов и может характеризоваться своим градиентом

$$\nabla I(x,y) = \left( \frac{\partial I}{\partial x}, \frac{\partial I}{\partial y} \right)$$

вектором, который показывает направление наибольшего изменения величины яркости.

Можно градиент рассматривать как комплексную функцию:

$$\nabla I(x,y) = |\nabla I(x,y)| e^{i\varphi(x,y)} = \frac{\partial I}{\partial x} + i \frac{\partial I}{\partial y},$$

где

$$\varphi(x,y) = \arctg \left( \frac{\partial I / \partial y}{\partial I / \partial x} \right) - \text{поле направлений или}$$

функция аргумента комплексного градиента.

Понятно, что в точках, где  $\frac{\partial I}{\partial y} = \frac{\partial I}{\partial x} = 0$ , в поле направлений возникает неопределенность  $\frac{0}{0}$ , т.е. направление градиента в этих точках не определено.

Эти точки называются особыми точками. Вокруг обхода таких точек поле направлений может  $m$  раз меняться в диапазоне от нуля до  $2\pi$ , то есть набег фазы  $\varphi(x, y)$  вокруг особой точки равен  $\Delta\varphi(x, y) = 2\pi m$ ,  $m$  – индекс особой точки.

В теории устойчивости решений по Ляпунову особые точки классифицируются по решениям характеристического уравнения. Так для систем двух дифференциальных уравнений первого порядка:

$$\begin{aligned} \frac{\partial x}{\partial t} &= P(x, y) \\ \frac{\partial y}{\partial t} &= Q(x, y) \end{aligned}$$

характеристическое уравнение имеет вид:

$$\begin{vmatrix} \frac{\partial P}{\partial x} - s & \frac{\partial P}{\partial y} \\ \frac{\partial Q}{\partial x} & \frac{\partial Q}{\partial y} - s \end{vmatrix} = 0.$$

В нашем случае неопределенность отношения  $\frac{\partial y}{\partial x} = \frac{Q}{P}$  эквивалентно неопределенности отношения  $\left( \frac{\partial I / \partial x}{\partial I / \partial y} \right)$ , поэтому вместо функций  $P$  и  $Q$  можно

использовать проекции градиента функции яркости:  $Q = \partial I / \partial x$ ,  $P = \partial I / \partial y$  и характеристическое уравнение для функции яркости изображений примет вид

$$\begin{vmatrix} \frac{\partial^2 I}{\partial x \partial y} - s & \frac{\partial^2 I}{\partial y^2} \\ \frac{\partial^2 I}{\partial x^2} & \frac{\partial^2 I}{\partial x \partial y} - s \end{vmatrix} = 0.$$

По корням характеристического уравнения  $S_1$  и  $S_2$  можно определить тип особой точки Седло (в криминалистике «дельта»), возникает при условии, что  $\text{Im } S_i = 0$ ,  $S_1 S_2 < 0$ . Фокус (в криминалистике «спираль»), возникает при условии, что  $S_1^* = S_2$ ,  $\text{Re } S_1 \text{ Re } S_2 > 0$ .

В зависимости от сочетания особых точек в дактилограмме выделяются разные типы узоров.

Так как в дискретном случае операция вычисления первых и вторых производных

выполняется с погрешностями для надежного поиска особых точек требуется разработка эффективных алгоритмов, адаптированных к дискретному случаю.

Рассматриваемый алгоритм основан на сканировании изображения заданной маской, результатом чего является «поле вероятностей», где вероятность есть вероятность того, что точка с данными координатами является особой. Далее из данного поля вероятностей делается заключение о том, где особые пятна (группы точек) действительно (с достаточной степенью вероятности) являются особыми точками, а затем происходит определения их типа (спираль, петля, дельта).

Отфильтрованное изображение поля направлений сканируется маской заданного размера.

При каждом положении маски подсчитывается количество направлений, которые в нее попадают, и количества пикселей в каждом из направлений. Для положения маски определяется число, показывающее степень вероятности данной точки (в центре маски) быть особой. Это число равно произведению чисел, равных количеству пикселей данного направления. Такое определение показателя «особости»  $P$  (степени вероятности) приводит к тому, что  $P$  в особых точках достигает локального максимума.

Докажем следующее утверждение:

Пусть существует числа

$$n_i, i = \overline{1, k}; m_j, j = \overline{1, k-1}; \dots; l_s, s = \overline{1, 2},$$

$$\sum_{i=1}^k n_i = \sum_{j=1}^{k-1} m_j = \dots = \sum_{s=1}^2 l_s = N,$$

причем

$$n_i = n_j, i \neq j; i, j = \overline{1, k},$$

$$m_i = m_j, i \neq j; i, j = \overline{1, k-1}, \dots, l_1 = l_2;$$

$k$  – целое положительное число.

Тогда для  $k \ll N$  справедливо:

$$P = \prod_{i=1}^k n_i > \prod_{k=1}^{k-1} m_j > \dots > \prod_{s=1}^2 l_s > N.$$

Действительно.

Перепишем условие теоремы в следующем виде:

$$\left( \frac{N}{k} \right)^k > \left( \frac{N}{k-1} \right)^{k-1}, k=2,3,\dots;$$

$$\frac{N^k (k-1)^{k-1}}{k^k N^{k-1}} > 1,$$

$$\frac{(k-1)^{k-1}}{k^k} N > 1,$$

$$\left( \frac{k-1}{k} \right)^{k-1} \frac{1}{k} N > 1.$$

Отсюда видно, что ряд  $\left(\frac{k-1}{k}\right)^{k-1} \frac{1}{k}$  будет

стремиться к нулю при  $k \rightarrow \infty$ , вследствие чего для выполнения условия теоремы должно выполняться  $N \rightarrow \infty$ . Легко показать, что при  $k \rightarrow N$  неравенство не выполнится. Для этого подставим вместо  $k$  число  $N$ :

$$\frac{(N-1)^{N-1}}{N^N} N > 1,$$

$$\left(\frac{N-1}{N}\right)^{N-1} > 1,$$

что не верно.

В данной работе под  $n_1, n_2, \dots, n_k$  понимается количество пикселей каждого попавшего в маску направления. Вместо равных  $n_1, n_2, \dots, n_k$  получаются приблизительно равные, или стремящиеся к равенству (или просто близкие) значения, поскольку на реальных сильно искаженных полях направлений абсолютного равенства чисел  $n_1, n_2, \dots, n_k$  достичь невозможно.

При подсчете количества пикселей одного направления (цвета) подсчитывается все количество пикселей данного цвета независимо от того, в каком «пятне» они лежат, связаны ли пиксели одного цвета в одну группу или разбросаны по всей маске.

Можно доказать, что:

$$n_i \approx n_j, i \neq j, P = \prod_{i=1}^k n_i, \quad (1)$$

будет меньше, чем когда имеет место строгое равенство:

$$n_i = n_j = n, i \neq j; i, j = \overline{1, k}. \quad (2)$$

Пусть

$$P = n^k \text{ и } P_1 = (n-q)(n+q)n^{k-2},$$

Тогда так как

$$n^2 > (n-q)(n+q), \quad P > P_1.$$

Изменять сомножители можно именно таким образом, чтобы сохранять их сумму

$$\sum_{i=1}^k n_i = N.$$

Понятно, что неравенство сохраняется  $P > P_1$  при любом числе измененных сомножителей

$$P_1 = (n-q)(n+q)(n-w)(n+w) \dots (n-l)(n+l).$$

Такая формула получения Р (показателя «особости» точки) будет давать тем больший результат, чем больше их попадет в маску направлений, и чем равномернее (по количеству) они в нее попадут, но до определенного предела. В таблице 1 приводятся примеры количества направлений, приблизительно поровну попавших в маску и соответствующее им число Р для маски 3×3:

Как видно из таб. 1 существует максимальное количество направлений, приблизительно поровну попавших в маску (для маски 3×3 это количество равно трем), начиная с которых эта теорема перестает выполняться.

Таблица 1.

Количество направлений	1	2	3	4	5
Р	9	20	27	24	16

Метод корректно использовать при сочетании  $k, N$  как в левой части до вертикальной черты, где  $k \ll N$ , что соответствует большим размерам маски и малому количеству направлений в поле. При масках около 7×7 и больше и количеству градаций в поле направлений 8 это хорошо выполняется.

Перед этим перемножением количество каждого цвета нормируются:

$$c_i = N_i \frac{norm}{sqw^2},$$

где  $c_i$  - новое количество,  $N_i$  - старое количество для  $i$ -ой точки;  $norm$  - количество точек, к которому сводится нормировка,  $sqw$  - количество точек в маске.

Смысл данной нормировки заключается в развязке порога, начиная с которого точка считается особой от размера маски. Если этого бы не производилось, то при изменении размера маски необходимо было бы учитывать увеличение порога, поскольку при тех же пропорциях (по количеству пикселей) вошедших в маску направлений это число будет изменяться. Кроме того, данная обработка регулирует относительные количества направлений, вошедших в маску, при которых значение «особости» будет одинаковым. Это полезно, поскольку в реальной обработке изображения идет отступление от теоремы, где сказано, что количества попавших в нее цветов должно быть одинаковым.

После нормировки проводится вышеупомянутая пороговая обработка, и все точки, значение «особости» Р которых больше чем заданный порог считаются особыми [6]. В результате такой обработки получают группы особых точек – какие-то количества особых точек, находящиеся рядом. В дальнейшем будем называть такие скопления особых точек особыми пятнами.

Затем проводится преобразование особых пятен в особые точки. Для этого берется первая точка из массива особых точек, и весь массив пробегается еще

раз; при этом программа смотрит, как далеко отстоит от искомой взятая из массива следующая особая точка. Если оказывается, что их расстояние  $D_r$  меньше  $D_{osobr}$ :

$$D_r = \sqrt{dx^2 + dy^2} < D_{osobr},$$

где  $dx$  и  $dy$  – расстояние по горизонтали и вертикали между двумя взятыми точками, то это означает, что обе точки взяты из одного особого пятна, что фактически относится к одной настоящей особой точке. Тогда одна точка из массива особых точек удаляется. При этом алгоритм удаляет «менее особую» [7,9]. Однако, если параметр  $D_{osobr}$  подобран неверно (завышен), или же при двух очень близко расположенных особых точках, две настоящие особые точки могут после такой обработки преобразоваться в одну.

В большинстве случаев так близко особые точки не располагаются, как показано на данном примере, вследствие чего величина параметра  $D_{osobr}$  слишком велика, чтобы интерпретировать эти две особые точки как две. После преобразования особых пятен в особые точки программа посчитает, что вследствие параметра  $D_{osobr}=60$  в данном случае имеет место одна особая точка, и выберет за особую более ярко выраженную особую точку с большей величиной параметра  $P$ .

Несмотря на все меры, описанные выше, иногда ложные особые точки все-таки находятся.

Как можно видеть, особая точка справа на правом изображении с кругом из черных пикселей является ложной. Она была найдена из-за изобилия маленьких пятен с различными цветами (направлениями), количества пикселей, в которых были перемножены. Эти маленькие пятна в программе игнорируются для предотвращения излишнего перемножения количества пикселей в них.

Для реализации этого алгоритма была введена новая так называемая «бордюрная маска», обрабатывающая с большим (или меньшим) размером относительно основной маски [12,13].

Эта маска состоит только из одной линии по краю квадрата толщиной в 1 пиксель, являющегося его стороной (линии его «бордюра»). Это можно понять на следующем примере:

Большая маска является бордюрной, меньший квадрат – обычная основная маска со стороной 40. Бордюрная маска больше на величину 15 по всем координатам (в результате сторона этого квадрата 70).

Следующий шаг: программа определяет список всех цветов, попавших в основную маску, и цвета, которые содержатся в бордюрной маске. Все цвета в основной маске должны содержаться и в бордюрной маске для проведения вычислений нормальным образом, как это было описано выше.

Если же какой-либо цвет участвует в основной маске, но не встречается в бордюрной маске, следовательно, он представляет собой маленькое пятно, оставшееся после фильтрации и является помехой, на которую внимание обращать не нужно.

Такой цвет исключается из расчетов, и то количество пикселей, которое в нем присутствует, добавляется к количеству преобладающего цвета в основной маске. После таких замен в буфере расчета маски (не на самом изображении!) производится вычисление  $P$  по обычной формуле. Результат внедрения этого решения можно видеть на следующих изображениях.

Как можно видеть из рис. 1, программа в этом случае отвергла две ложные особые точки – справа и в самом верху изображения. Большое количество экспериментов показывает, что дополнительное введение бордюрной маски положительно сказывается на исключении ложных особых точек, на отфильтрованном изображении, но часто это не может помочь убрать ложные особые точки на краю отпечатка пальца из-за сложной структуры поля направлений с длинными полосами одного направления – такие полосы проходят в бордюрную маску.

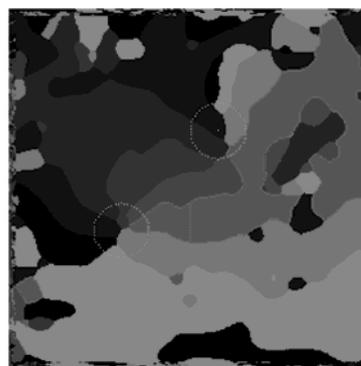


Рис. 1. Поле направлений с особыми пятнами

Дальнейший алгоритм определяет тип особых точек.

Определение типа особых точек сводится к обходу особых точек на расстоянии  $o\_radius$  и определению угла поворота по заданной траектории. Угол поворота определяется целыми частями от  $\pi$ . То есть 1,00000 это  $\pi$ , 2,00000 это  $2\pi$ , -1,0000 - это  $-\pi$  и т. д. Если после обхода угол поворота линий траектории дактилограммы равен 0, то это ложная особенность. При обходе берется значение псевдоугла  $\Omega$ , изначально равное 0, и при каждом смене направления его значение увеличивается, или уменьшается в зависимости от того, ярче следующий цвет в поле направлений или темнее. Если яркость меняется более, чем на 3/4 от максимально возможной (перешагивание через  $\pi$ ), то это учитывается при суммировании за счет уменьшения (увеличения) псевдоугла на 1 против направления, а затем прибавления оставшейся части цветов (1/4), если это необходимо. При обходе всего круга берутся значения через  $d\theta = 2 * \Delta\varphi * \pi$ .

После полного обхода полученное число псевдоугла делится на количество направлений в поле  $N$ , которое определяется на этапе формирования поля направлений; данное число и поступает в выходной параметр SP как тип особой

точки (псевдоугол поворота линий направлений дактилограммы при обходе по часовой стрелке):

$$SP[n] = \left[ \frac{\Omega}{N} \right].$$

Этот алгоритм выполняется с тремя различными радиусами. После этого массив  $SP[n]$  будет содержать

значение последнего расчета типа особой точки с последним по номеру радиусом.

Таким образом, в данной работе представлен численный метод поиска особых точек дактилоскопических изображений по полю направлений. Метод позволяет определить положение и тип особых точек.

- 
- [1]. Ибрагимова С.Р. Программные пакеты предварительной обработки данных дистанционного зондирования. *Elmi əsər. Fundamental elmlər*, №3, Bakı, 2002, s. 105-110.
- [2]. Ибрагимова С.Р. Синергетические методы в классификации состояния экологических систем. *Azərbaycan MEA Məruzələri*, 2002, №1-2, s.45-49.
- [3]. M. Seth, A.K. Datta Optical implementation of a connectionist model of Hough transform // *Opt. Eng.*, 1996. Vol. 35, N 6. P. 1779-1794.
- [4]. H. Nuh, J.K. Pan Optical digital invariant recognition of two dimensional patterns with straight links. // *Opt. Eng.*, 1996. Vol. 35. N. 4. P. 997-1002.
- [5]. Сойфер В.А., Котляр В.В., Хонина С.Н. Оптический метод построения поля направлений // *Автометрия*, 1996. Вып. 1. С. 31-36.
- [6]. Сойфер В.А., Котляр В.В., Хонина С.Н., Скиданов Р.В. Оптические методы идентификации дактилограмм // *Компьютерная оптика*, 1996. Вып. 16. С. 78-89.
- [7]. Скиданов Р.В. Устойчивость к сдвигу метода идентификации дактилограмм по полю направлений // *Компьютерная оптика*, 1997. Вып. 17. С. 130-134.
- [8]. Ибрагимова С.Р. The errors in application of the geographical information system technology. *Proc. Int. Conf. "Nasiraddin Tusi and Modern Astronomy"*. 4-7 October, 2001, pp.236-241
- [9]. Ибрагимова С.Р. Динамические модели краев в задачах обработки изображений. *Azərbaycan MEA Məruzələri*, 2002, №3-4, s.32-37.
- [10]. Ибрагимова С.Р. Методы дистанционного зондирования земли с применением новейших информационных технологий. *Azərbaycan MEA-nın Xəbərləri*, t. XXII, 2002, №2-3, s.168-173.
- [11]. Ибрагимова С.Р. Разработка новых математических методов повышения точности трансформирования растров. *Azərbaycan Respublikası MEA Kibernetika İnstitutu, İnformasiya Texnologiyaları İnstitutu*, Bakı, 2003, s.61-64.
- [12]. Ибрагимова С.Р. Обратные задачи глобальных природных изменений в дистанционном зондировании земли. *Nəzəri və riyazi fizikanın tərs məsələləri 1-ci Beynəlxalq Elmi Konfrans*, 5-6 may, 2003.
- [13]. Ibrahimova S.R. The Mathematical Modeling of Sustainable Development of Environmentally Hazardous Area. *ISNET Journal of Space Sciences and Technology*. Vol.1., No.1, 2004.