



7 - 9

iyun
June 2005
Июньsəhifə
page стр.

№138 526-530



Bakı, Azərbaycan

Baku, Azerbaijan

Баку, Азербайджан

“Fizika-2005” Beynəlxalq Konfrans International Conference Международная Конференция

MÜXTƏLİF TƏZYİQ İNTERVALLARINDA ELEMENTAR PROSESLƏRİN MÜSBƏT SÜTÜN PLAZMASININ DİNAMİK MÜQAVİMƏTİNƏ TƏSİRİ

HÜSEYNOV T.X.

*Bakı Dövlət Universiteti, Z.Xəlilov-23
Az.1148, E-mail:htarlan@box.az*

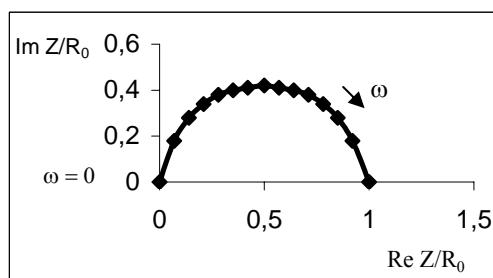
Müxtəlif təzyiq intervalları üçün xarakterik olan elementar prosesləri nəzərə almaqla elektrik boşalmasının müsbət sütununun vahid uzunluğunun impedansının ifadələri alınmışdır. Zərrəciklər balansının üç rejiminə baxılmışdır: birbaşa ionlaşma-ambipolyar diffuziya, pilləli ionlaşma-ambipolyar diffuziya, pilləli ionlaşma-həcmi rekombinasiya. Pilləli ionlaşma-ambipolyar diffuziya şəraitində metastabil atomların yox olmasına iki rejimi: elektron zərbəsi ilə dağıılması və diffuziya nəticəsində divarda məhv olması ayrı-ayrılıqla baxılmışdır. Müxtəlif rejimlər üçün alınmış impedans əyriləri bir-birindən keyfiyyətcə fərqlənirlər. Beləliklə impedansın tezlik diaqramlarının xarici görünüşünə əsasən elektrik boşalmasında baş verən elementar proseslərin xarakterini təyin etməyin mümkünlüyü göstərilmişdir.

Müsəbət sütun (MS) plazmasının dinamik xassələri onun impedansı (və ya dinamik müqaviməti) vasitəsilə xarakterize edilir. Impedansın öyrənilməsi plazmadakı dayanıqsızlıqların proqnozlaşdırılmasına və aradan qaldırılmasına, müxtəlif plazma parametrlərinin stabillaşdırılmasına imkan verir [1,2,3]. Impedansın tezlik diaqramlarının xarici görünüşünə əsasən bir çox hallarda zərrəciklərin yaranma və məhvolma mexanizmini, istilik balansının xarakterini təyin etmək mümkün olur.

Buna görə də plazmanın tətbiq sahələrində asılı olaraq verilmiş şəraitdə plazma impedansının öyrənilməsi böyük əhəmiyyət kəsb edir. Lakin impedansın tədqiqinə həsr olunmuş işlərdə əsasən müəyyən konkret hallarda impedans hesablanmış [1,2], bütün elementar prosesləri nəzərə almaqla ümumi hala baxılmamışdır. Təqdim olunan işdə yüksək zərrəciklərin balansının üç rejimində MS plazmasının impedansı hesablanmışdır: 1. Birbaşa ionlaşma-ambipolyar diffuziya, 2. Pilləli ionlaşma-ambipolyar diffuziya, 3. Pilləli ionlaşma-həcmi rekombinasiya. Bu üç rejim praktik nöqtəyi-nəzərdən mühüm olan çox geniş diapazonu əhətə edir. Qeyd etmək lazımdır ki, pilləli ionlaşma rejimində ionlaşmanın baş verdiyi metastabil səviyyələrin müxtəlif dağıılma mexanizmləri kiçik tezliklərdə tezlik diaqramlarının keyfiyyətcə fərqlənməsinə gətirir. Bu işdə metastabil səviyyələrin dağılmاسının iki mexanizmi, elektron zərbəsi ilə dağıılma və diffuziya nəticəsində divarda məhvolma, ayrıraqda baxılmışdır.

Impedansın hesablanması üçün MS-u xarakterizə edən balans tənlikləri sistemi yazılır və bu sistem xəttləşdirilir. Xəttləşdirilmiş sistemin həllindən plazma parametrlərinin kompleks amplitudlarının ifadələri təqdim olunur. Bu ifadələrin əsasında MS-un vahid uzunluğunun

impedansı təyin edilir. Hesab edilir ki, elektronların sürətlərə görə paylanma funksiyası (PF) öz formasını dəyişmir və stasionar MS-da olduğu kimidir, J, P, R - in verilmişil qiyamətlərində PF ancaq E-dən asılıdır. PF üçün belə kvazistasionarlıq şərtinin qoyulması baxılan tezliklərin yuxarı sərhəddini PF-nin formalşama müddəti ilə məhdudlaşdırır. Qeyri-stasionar MS-nun radial strukturunun stasionar MS-nun radial strukturu ilə identik olduğu və elektronların konsentrasiyasının radius boyunca Bessel funksiyası üzrə paylandığı qəbul edilmişdir.



Şəkil 1. Birbaşa ionlaşma-ambipolyar diffuziya rejimində impedansın tezlik diaqramı.

1. BİRBAŞA İONLAŞMA-AMBİPOLYAR DİFFUZİYA REJİMİ.

MS-nu xarakterizə edən aşağıdakı tənliklər sisteminə baxaq:

MS-dan keçən cərəyanın ifadəsi

$$J(t) = eg(R)b_e n(t)E(t) \quad (1)$$

Elektronların balans tənliyi

$$\frac{dn(t)}{dt} = N_0 \alpha_{0i}(E)n(t) - \frac{n(t)}{\tau_a} \quad (2)$$

İkinci tənliyin sağ tərəfindəki həddlər elektronların birbaşa ionlaşma nəticəsində yaranmasını və ambipolyar diffuziya nəticəsində baxılan həcmindən getməsini xarakterizə edir. Burada $J(t)$ – MS-dan keçən cərəyan şiddəti, $N_0, n(t)$ – normal atomların və elektronların konsentrasiyaları, $\alpha_{0i}(E)$ - birbaşa ionlaşmanın reaksiya sürəti, b_e - elektronların yürüklüyü, $g(R)$ - konsentrasiyanın radial paylanması nəzərə alan faktordur.

Fərz edək ki, MS-dan keçən cərəyan kiçik dərinlik əmsali ilə modulyasiyaya məruz qalır:

$$J(T) = J_0 + J_1 e^{i\omega t} \quad |J_1| \ll J_0 \quad (3)$$

Bu halda $E(t)$ və $n(t)$ kəmiyyətləri də modulyasiyaya uğrayır.

$$E(t) = E_0 + E_1 e^{i\omega t} \quad |E_1| \ll E_0 \quad (4)$$

$$n(t) = n_0 + n_1 e^{i\omega t} \quad |n_1| \ll n_0 \quad (5)$$

Adətən τ_a, b_e kəmiyyətləri uzununa elektrik sahəsinin intensivliyindən zəif asılı olur. Buna görə də (1-2) sistemi xəttiləşdirilərkən bu kəmiyyətlərin E -dən asılılığı nəzərə alınmayıb. Ionlaşma sürəti α_{0i} isə E -dən kəskin asılı olduğu üçün onu aşağıdakı şəkildə sıraya ayırmış olar:

$$\alpha_{0i} = \alpha_{0i}(E_0) + \frac{d\alpha_{0i}}{dE} E_1 e^{i\omega t} + \frac{1}{2} \frac{d^2 \alpha_{0i}}{dE^2} E_1^2 e^{2i\omega t} + \dots \quad (6)$$

(3-6) ifadələrini (1-2) tənliklərində nəzərə almaqla xəttiləşdirilmiş sistemin həllindən n_1 və E_1 kompleks amplitudlarının ifadələri alınır [4]. E -in ifadəsindən MS-un vahid uzunluğunun impedansının ifadəsi

$$Z_1 = Ze^{i\varphi_z} = \frac{E_1}{J_1}$$

kimi tapılır. Burada impedansın modul və arqumenti aşağıdakı ifadələrlə verilir.

$$Z = \frac{E_0}{J_0} \frac{\omega}{\sqrt{\omega^2 + N_0^2 \left(\frac{d\alpha_{0i}}{dE} \right)^2 E_0^2}} \quad (7)$$

$$\varphi_z = \operatorname{arctg} \frac{N_0 \frac{d\alpha_{0i}}{dE} E_0}{\omega} \quad (8)$$

Bu düsturlar əsasında qurulmuş impedansın tezlik diaqramları şəkil 1-də göstərilmişdir. Kəmiyyətlərin

xarakterik ədədi qiymətləri və tərtibləri [5]-dən götürülmüşdür.

2. PİLLƏLİ İONLAŞMA-AMBİPOLYAR DİFFUZİYA REJİMİ.

Bu halda pilləli ionlaşmanın baş verdiyi metastabil səviyyələrin dağılıma mexanizmində asılı olaraq iki müxtəlif şəraitə baxaq:

a) Metastabil səviyyələrin elektron zərbəsi ilə dağılıma həli.

MS-nu xarakterizə edən tənliklər sistemi aşağıdakı şəkl alır:

$$\frac{dn_e}{dt} = N_m \alpha_{mi} n_e - \frac{n_e}{\tau_a} \quad (9)$$

$$\frac{dN_m}{dt} = N_0 \alpha_{0m} n_e - N_m \alpha_m n_e \quad (10)$$

$$j = n_e e b_e E \quad (11)$$

Burada N_0, N_m - normal və həyəcanlaşmış metastabil atomların konsentrasiyaları, $\alpha_{0m}, \alpha_m, \alpha_{mi}$ - birbaşa həyəcanlaşmanın, pilləli ionlaşmanın və metastabil səviyyələrin elektron zərbəsi ilə dağılmışının reaksiya sürətidir. Hesab edilmişdir ki, elektronlar ancaq pilləli ionlaşmanın nəticəsində yaranır, ambipolyar diffuziya nəticəsində divarlarında məhv olur. Metastabil atomlar birbaşa həyəcanlaşma nəticəsində yaranır, elektron zərbəsi ilə qonşu səviyyələrə kecid nəticəsində dağılır. Bütün boşalma cərəyanı elektronlar vasitəsilə daşınır, normal atomların konsentrasiyası modullaşdır və ox boyunca sabit qalır.

Boşalma cərəyanı kiçik dərinlik əmsali ilə

$$J(t) = j_0 + j_1 e^{i\omega t}, \quad j_1 \ll j_0 \quad (12)$$

kimi modulyasiya etdiqdə $n(t), N_m(t), E(t)$ kəmiyyətləri də

$$\begin{aligned} n_e(t) &= n_0 + n_1 e^{i\omega t}, \quad |n_1| \ll n_0 \\ N_m(t) &= N_{m0} + N_1 e^{i\omega t}, \quad |N_1| \ll N_{m0} \\ E(t) &= E_0 + E_1 e^{i\omega t}, \quad |E_1| \ll E_0 \end{aligned} \quad (13)$$

şəkildə modulyasiyaya məruz qalır. Burada n_1, N_1, E_1 uyğun parametrlərin kompleks amplitudlarıdır. Bir qayda olaraq $\alpha_{mi}, \tau_a, \alpha_m, b_e$ elektrik sahəsinin intensivliyindən zəif asılı olur. Buna görə də (9-11) sistemini xəttiləşdirərkən bu asılıqlar nəzərdən atılır və bu kəmiyyətlərə sabit kimi baxılır. Birbaşa həyəcanlaşmanın reaksiya sürəti α_{0m} isə E -dən güclü asılı olduğu üçün bu asılılığı nəzərə almaq məqsədi ilə onu E_1 -in dərəcələri üzrə aşağıdakı şəkildə sıraya ayıraq:

$$\alpha_{0m}(t) = \alpha_{0m}(E_0) + \frac{d\alpha_{0m}}{dE} E_1 e^{i\omega t} +$$

$$+ \frac{1}{2} \frac{d^2 \alpha_{0m}}{dE^2} E_1^2 e^{2i\omega t} + \dots \quad (14)$$

(12-14) ifadələrinin (9-11) sistemində nəzərə alınıb. Xəttileşdirilmiş parametrlərin stasionar qiymətləri və kompleks amplitudları üçün iki tənliklər sisteminə gətirir.

$$N_{m0} \alpha_{mi} \tau_a = 1 \\ N_0 \alpha_{0m}(E_0) = N_m \alpha_m \quad (15)$$

$$J_0 = ebn_0 E_0$$

və

$$i \omega n_1 = N_1 n_0 \alpha_{mi}$$

$$i \omega N_1 - N_0 \frac{d\alpha_{0m}}{dE} E_1 n_0 + N_1 \alpha_m n_0 = 0 \quad (16)$$

$$j_1 = eb(n_1 E_0 + n_0 E_1)$$

(15) sistemi stasionar MS-nu xarakterizə edir, (16) sistemi isə parametrlərin kiçik rəqslərini təsvir edir. İkinci sistemin alınmasında birincinin nəticələri istifadə edilmişdir. (16) sisteminin n_1, N_1, E_1 -ə görə həlli MS-nun vahid uzunluğunun impedansı üçün

$$Z_1 = \frac{-\omega^2 + iB\omega}{AC - \omega^2 + iB\omega} R_0, \quad (17)$$

həllinə gətirir. Burada $N_0 \frac{d\alpha_{0m}}{dE} E_0 = A$, $\alpha_m n_0 = B$, $\alpha_{mi} n_0 = C$, $\frac{E_0}{j_0} = R_0$ işarə edilmişdir. Həqiqi və xəyali hissənin ayrılması

$$|Z| = \frac{\omega^2(\omega^2 - AC) + B^2\omega^2}{(AC - \omega^2)^2 + B^2\omega^2} R_0 + \\ + i \frac{\omega ABC}{(AC - \omega^2)^2 + B^2\omega^2} R_0 \quad (18)$$

verir. Buradan

$$\operatorname{tg} \varphi_z = \frac{\omega ABC}{\omega^2(\omega^2 - AC) + B^2\omega^2} \quad (19)$$

və

$$|Z_1| = \left(\frac{\omega^2 + A^2 C^2 \omega^4 + B^4 \omega^4 - 2AC\omega^6}{((AC - \omega^2)^2 + B^2\omega^2)^2} + \frac{2B^2\omega^6 - 2ACB^2\omega^4 + \omega^2 A^2 B^2 C^2}{((AC - \omega^2)^2 + B^2\omega^2)^2} \right)^{1/2} \cdot R_0 \quad (20)$$

alınır.

(18-20) ifadələrinə əsasən hesablanmış impedans əyriləri 2a şəklində göstərilmişdir. Bu ifadələrə daxil olan

$A, B, C, N_0, n_0, E_0, \alpha_{0m}, \alpha_{mi}, \alpha_i$ [6] eksperimental nəticələrindən götürülmüşdür. Göründüyü kimi bu halda

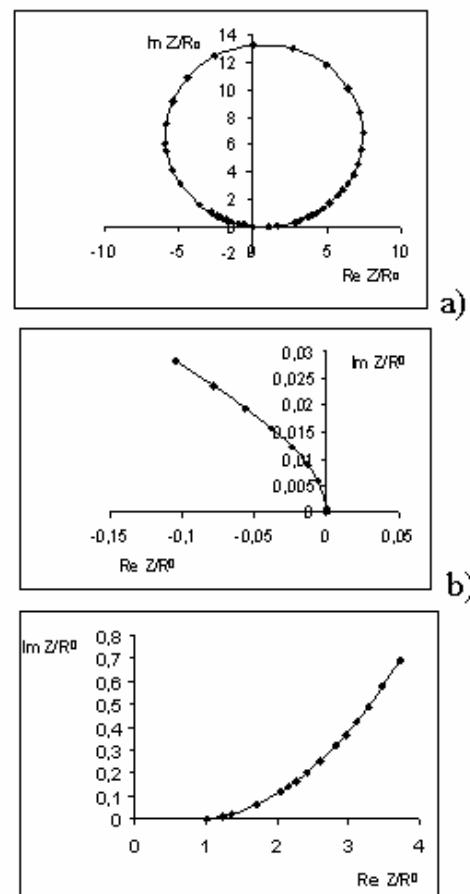
impedans əyrisi alçaq tezliklərdə koordinat başlangıcından başlanır. Impedans induktiv xarakter daşıyır, tezlik artıqca induktivlik artır. $\omega = 0$ olduqda $z = 0$ olması şərtində görünür ki, MS-nun stasionar VAX-1 cərəyan oxuna paralelldir. Cox alçaq tezliklərdə

$\varphi_z > \frac{\pi}{2}$ olduğu üçün sütun neqatron xassəsinə malikdir.

İmpedansın modulu $|Z|$ tezliyin $\nu = 13 \text{ kHz}$ qiymətində z maksimal qiymətini alır. Bu xarakterik tezlik \sqrt{AB} tərtibindədir. Tezliyin daha yüksək qiymətlərində impedansın induktiv toplananı azalır və $\omega = \infty$ şərtində həqiqi qiymət alır.

Şəkil 2b-də impedansın çox alçaq və çox yüksək tezliklərdə dəyişmələri daha böyük miqyasda göstərilmişdir. Impedansın çox yüksək tezliklərdəki hüdud qiyməti təmiz omik xarakter daşıyır və MS-nun sabit cərəyanə olan müqaviməti $R_0 = \frac{E_0}{I_0}$ -a bərabər olur.

b) Metastabil atomların borunun divarlarında diffuziya nəticəsində məhv olduğu hal.



Şəkil 2. a) Metastabil səviyyələrin elektron zərbəsi ilə dağlığı halda hesablanmış impedans əyrisi; b) Cox alçaq və çox yüksək tezliklərdə impedans əyrisinin daha böyük miqyasda qurulmuş üç hissələrinin görünüşü.

Bu halda sistem aşağıdakı şəklə düşür:

$$\frac{dn_e}{dt} = N_m \alpha_{mi} n_e - \frac{n_e}{\tau_a} \quad (21)$$

$$\frac{dN_m}{dt} = N_0 \alpha_{0m} n_e - \frac{N_m}{\tau_m} \quad (22)$$

$$j = n_e e b_e E \quad (23)$$

Burada τ_m -həyəcanlaşmış metastabil atomların divara doğru diffuziyası nəticəsində yaşama müddətidir.

Xəttiləşdirilmiş (21-23) sisteminin həllindən MS-nun vahid uzunluğunun impedansı üçün aşağıdakı ifadə alınır

$$Z_1 = \frac{-(CD + \omega^2)\tau_m + i\omega}{(AC - DC - \omega^2)\tau_m + i\omega} R_0 \quad (24)$$

Burada $D = N_0 \alpha_{0m}$ işarə edilmişdir. Həqiqi və xəyalı hissəsinin ayrılması

$$Z_1 = \frac{-(AC^2 D - AC\omega^2 + C^2 D^2 + 2\omega^2 CD + \omega^4)\tau_m^2 + \omega^2}{(AC - CD - \omega^2)\tau_m^2 + \omega^2} R_0 + i \frac{\omega A C \tau_m}{(AC - CD - \omega^2)\tau_m^2 + \omega^2} R_0 \quad (25)$$

İfadəsinə gətirir. İmpedansın arqumenti və modulu üçün aşağıdakı ifadələr alınır

$$\operatorname{tg} \varphi_z = \frac{AC\tau_m \omega}{\omega^4 \tau_m^2 + \omega^2 + CD\tau_m^2 \omega^2 + D^2 C^2 \tau_m^2 - AC\omega^2 \tau_m^2 - AC^2 D \tau_m^2} \quad (26)$$

$$|Z_1| = \left[\frac{(\omega^4 \tau_m^2 + \omega^2 + 2DC\tau_m^2 \omega^2 + D^2 C^2 \tau_m^2 - AC\omega^2 \tau_m^2 - AC^2 D \tau_m^2)^2}{(AC\tau_m - DC\tau_m - \omega^2 \tau_m)^2 + \omega^2} + \frac{\omega^2 A^2 C^2 \tau_m^2}{(AC\tau_m - DC\tau_m - \omega^2 \tau_m)^2 + \omega^2} \right]^{\frac{1}{2}} R_0 \quad (27)$$

(26), (27) ifadələrinə əsasən hesablanmış impedans əyrisi şəkil 3-də göstərilmişdir. VAX-in enən xarakterinə uyğun olaraq alçaq tezliklərdə əyri mənfi həqiqi qiymətdən başlanır, yəni MS neqatron xassəsinə malik olur.

yüksək tezliklərdə impedansın hüdud qiyməti təmiz omik xarakter daşıyır və MS-nun sabit

cərəyanaya olan müqaviməti $R_0 = \frac{E_0}{I_0}$ -a bərabər olur.

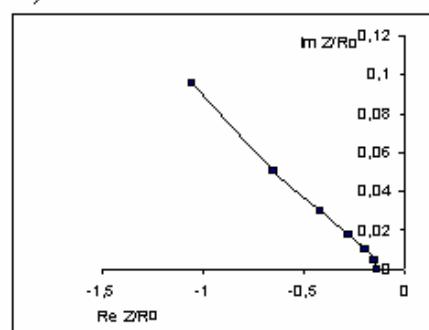
3. PİLLƏLİ İONLAŞMA-HƏCMİ REKOMBİNASIYA REJİMİ.

Həcmi rekombinasiya rejimində MS-u xarakterizə edən tənliklər sistemi aşağıdakı şəklə düşür

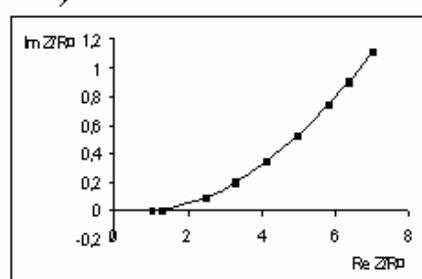
$$J(t) = eg(R) b_e n(t) E(t) \quad (28)$$

$$\frac{dN_m}{dt} = N_0 \alpha_{0m}(E) n(t) - \left[\alpha_m n(t) + \frac{1}{\tau_m} \right] N_m(t) \quad (29)$$

a)



b)



Şəkil 3. a) Metastabil atomların borunun divarlarına diffuziyası nəticəsində məhv olduğu halda hesablanmış impedans əyrisi; b) Çox alçaq və yüksək tezliklərdə impedans əyrisinin üç hissəsinin daha böyük miqyasda görünüşü.

$$\frac{dn(t)}{dt} = N_m(t) \alpha_{mi} n(t) - \beta n^2(t) \quad (30)$$

Burada β -həcmi rekombinasiya əmsalıdır.

Bu sistemin xəttiləşdirilməsi baxılan kəmiyyətlərin kompleks amplitudlarına nəzərən tənliklər sisteminə gətirir. Sistemin həllindən MS-un vahid uzunluğunun impedansının modul və arqumentinin aşağıdakı ifadələri alınır.

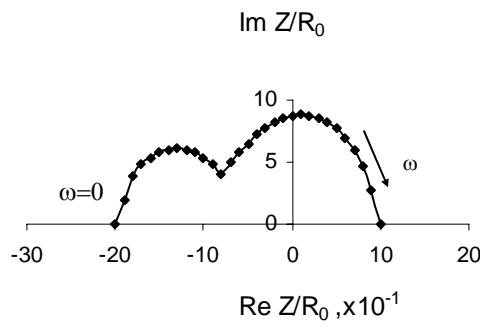
$$Z = \frac{E_0}{J_0} \sqrt{1 - \frac{P^2 (\omega^2 - \omega_0^2)}{(\omega^2 - \omega_0^2)^2 + k^2 \omega^2}} + \frac{P^4 k^4 \omega^2}{[(\omega^2 - \omega_0^2)^2 + k^2 \omega^2]} \quad (31)$$

$$\varphi_z = \operatorname{arctg} \frac{P^2 k \omega}{\omega_0^2 L^2 + (k^2 - P^2 - 2\omega_0^2) \omega^2 + \omega^4} \quad (32)$$

$$\text{Burada } k = -\frac{N_0 \alpha_{0m} n_0}{N_{m0}} + \beta n_0,$$

$$L = 2\alpha_{mi} n_0 - \frac{N_{m0} \alpha_{mi}}{\tau_m} + \frac{N_0 \alpha_{0m} n_0^2 \beta}{N_m}$$

edilmişdir. Bu ifadələrə əsasən qurulmuş tezlik diaqramları şəkil 4-də göstərilmişdir.



Şəkil 4. Pilləli ionlaşma-həcmi rekombinasiya rejimində qurulmuş tezlik diaqrammları.

Alınmış impedans əyrilərinin müqayisəsindən görünür ki, birbaşa ionlaşma rejimində impedans diaqramı sadə xarakter daşıyır. Tezliyin kiçik qiymətlərində əyri koordinat başlangıcından başlayır, impedans induktiv xarakter daşıyır və birinci kvadrantda yerləşir, yəni

cərəyan şiddəti gərginlikdən $0 \div \frac{\pi}{2}$ intervalında geri

qalır, $\omega_0 \approx \tau_a^{-1}$ tərtibli tezlikdə maksimum qiymət alır, sonra azalaraq çox böyük hündüd tezliklərində həqiqi qiymət alır.

-
- [1]. Pfau S., Rutscher A., Deutsh H., Die Impedanz der positiven Saule stromschwacher Edelgasentladungen. Beitrage aus der Plasma Physic, 1970, B.10, №4, 5; S. 329–346.
 - [2]. Привалов В.Е., Шишов С.И. Исследование импеданса слаботочного тлеющего разряда в трубках малого диаметра. ЖТФ, 1989, т.59, вып. 7, стр. 204-208.
 - [3]. Мурадов А.Х. К динамической теории разряда в ионизационно-рекомбинационном режиме. Изв. ВУЗ-ов “Радиофизика” 1988, т. 31, № 6, с. 763-766.
 - [4]. Каган Ю.М., Лягушченко Р.И., Миленин В.М., Мурадов А.Х. О модулированном режиме ПС разряда ЖТФ, 1975, т. 45, № 5, с. 1019-1025.
 - [5]. Каган Ю.М., Миленин В.М., Мурадов А.Х. Исследование оптических параметров ПС модулированного разряда в гелии. Оптика и спектроскопия. 1976, т. 40, № 2, с. 235-239
 - [6]. 6.А.Х.Мурадов Докт., Дисс., Динамические свойства и ускорение электронов в нестационарной и неоднородной плазме положительного столба разряда. Харьковский ГУ. (1993).

Pilləli ionlaşma-ambipolyar diffuziya rejimində metastabil səviyyələrin elektron zərbəsi ilə dağıldığı halda impedans əyri koordinat başlangıcından başlanır ikinci kvadranta keçir, yəni impedans induktiv xarakter daşıyır, cərəyan şiddəti ilə gərginlik arasındaki faza fərqi

$\frac{\pi}{2} \div \pi$ arasında olur. Kiçik tezliklərdə MS neqatron xassəsinə malik olur. Tezlik artdırca impedansın modulu artır $\omega_0 \approx \tau_a^{-1/2} (\alpha_m n)^{-1/2}$ tərtibli tezlikdə maksimum qiymət alır, sonra azalaraq çox böyük hündüd tezliklərində MS-nun sabit cərəyana müqavimətinə bərabər həqiqi qiymət alır.

Bu rejimində metastabil səviyyələrin diffuziya nəticəsində dağıldığı halda impedans əyri mənfi həqiqi qiymətdən başlanır, yəni MS neqatron xassəsinə malik olur, statik VAX enən xarakter daşıyır. Halbuki birbaşa ionlaşma rejimində ve metastabil səviyyələrin elektron zərbəsi ilə dağıldığı halda VAX cərəyan oxuna paralel olur. Metastabil səviyyələrin diffuziya nəticəsində dağıldığı halda impedansın modulunun maksimal qiyməti $\omega_0 \approx \tau_a^{-1/2} \tau_m^{-1/2}$ tərtibli tezlikdə alınır.

Pilləli ionlaşma-həcmi rekombinasiya halında impedans əyri ikili struktura malik olur. Alçaq tezlikli birinci budaq ionlaşmanın baş verdiyi metastabil səviyyələrin dolub-boşalmasının inersiyası ilə, yüksək tezlikli ikinci budaq isə yüksək zərrəciklərin konsentrasiyasının qərarlaşması ilə əlaqədardır. Buna uyğun olaraq impedansın modulunun maksimumları $(\tau_m + \alpha_m n)^{-1}$ və τ_a^{-1} tərtibli tezliklərdə baş verir.